

## Exercices - calcul algébrique

**Exercice 1 – (Regroupements) :** Réduire et ordonner.

- a)  $-1+x+3+2x+2-3x-4$   
 b)  $-x-6+10y+3x+20-3y+3x-10-2y+1$   
 c)  $x+1+2x^2+5x+2+2y-x^2-4x+y+1$   
 d)  $3x^3+y^2+y+x^2-1+2y^3+x+3y-2x^3+3y^2-2x-y^3-4y-5y^2-x^2-x^3+2$

**Exercice 2 – (Développement) :** Développer, réduire et ordonner.

- a)  $2(x+3)+5(1-x)$   
 b)  $3(x-2)-(-2x+1)$   
 c)  $x(1+x)-2(x-3)$   
 d)  $1+x(2+x)-2(x-\frac{1}{2})$   
 e)  $x(y-1)+2y(3+x)$

**Exercice 4 :** Factoriser.

- a)  $11x+121y$   
 b)  $2x+4y+6$   
 c)  $6x^2+xy+2x$   
 d)  $2x^2+16xy^2+6x$

**Exercice 6 :** Développer en utilisant les identités remarquables, puis simplifier.

- a)  $(3x+1)^2$   
 b)  $\frac{2}{3}(3x-2)^2$   
 c)  $(5x-4)(5x+4)$   
 d)  $(x-\sqrt{2})^2$   
 e)  $(x+y)^2-(x-y)^2$

**Exercice 8 :** Factoriser en utilisant les identités remarquables

- a)  $9x^2-1$   
 b)  $(x-1)^2-81$   
 c)  $4(1+y)^2-121$   
 d)  $(2x-1)^2-(x+3)^2$   
 e)  $(3x-3)(2x+7)-(9x^2-9)$   
 f)  $3x^2-1$

**Exercice 10 :** Le but de cet exercice est de calculer le nombre suivant :

$$x=83875683470^2-83875683469 \times 83875683471$$

- a) Quel résultat donne la calculatrice ?  
 b) On pose  $a=83875683470$ . Exprimer  $x$  en fonction de  $a$ , puis en simplifiant déterminer  $x$ .  
 c) Conclure.

**Exercice 3 – (Développement) :** Développer, réduire et ordonner.

- a)  $2(x+3)+5(1-x)$   
 b)  $3(x-2)-(-2x+1)$   
 c)  $x(1+x)-2(x-3)$   
 d)  $1+x(2+x)-2(x-\frac{1}{2})$   
 e)  $x(y-1)+2y(3+x)$

**Exercice 5 :** Factoriser et réduire.

- a)  $x+2-(x^2-5)(x+2)$   
 b)  $(2x-3)(x+2)+3(x+1)(2x-3)$   
 c)  $2(x+2)(3-y)-x(2x+4)$   
 d)  $(x+2)^2+3(x-6)(x+2)$   
 e)  $16(x+1)^2+4(x+1)(16-x)$

**Exercice 7 :** Factoriser en utilisant les identités remarquables

- a)  $x^2+2x+1$   
 b)  $16x-8x+1$   
 c)  $49x^2-9$   
 d)  $25x^2+40x+16$   
 e)  $5x^2+2\sqrt{5}x+1$

**Exercice 9 :** Démontrer les égalités suivantes :

- a.  $(a+b)^3=a^3+3ab^2+3a^2b+b^3$   
 b.  $(a-b)^3=a^3-3a^2b+3ab^2-b^3$